

# РАДИО- ТЕХНИКА

115/2000



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ УКРАИНЫ  
ХАРЬКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

**РАДИОТЕХНИКА**

**Всеукраинский межведомственный  
научно-технический сборник**

Основан в 1965 г.

**ВЫПУСК 115**

Харьков

Харьковский государственный технический  
университет радиоэлектроники

2000

A. M. ГОКОВ, канд. физ.-мат. наук

## К ВОПРОСУ ОБ ОПРЕДЕЛЕНИИ ЧАСТОТ СТОЛКНОВЕНИЙ ЭЛЕКТРОНОВ С НЕЙТРАЛАМИ В D-ОБЛАСТИ ИОНОСФЕРЫ МЕТОДОМ ЧАСТИЧНЫХ ОТРАЖЕНИЙ

Знание вариаций высотных профилей частот столкновений электронов с нейтралами  $v(z)$  в нижней ионосфере ( $z$  - высота в км) важно при решении как научных, так и целого ряда прикладных задач радиосвязи, радионавигации, прогнозирования и т. д. В настоящее время в литературе до сих пор нет единого мнения об изменениях  $v(z)$  в D - области ионосферы. Некоторые исследователи (см., например [1]) полагают, что вариации  $v(z)$  не превышают  $\pm 30\%$ , однако в других работах [2-6] отмечается наличие как сезонных, так и широтных изменений  $v(z)$  D - области ионосферы. Целенаправленных экспериментальных исследований вариаций  $v(z)$  в D - области ионосферы очень мало, они разрознены и трудно поддаются систематизации. Часто  $v(z)$  в D - области ионосферы вычисляют по моделям атмосферного давления  $p(z)$  из известной зависимости  $v(z) = k \cdot p(z)$  (коэффициент  $k$  полагают известным и используют  $k = (6 - 9) \cdot 10^5 \text{ Н м}^{-2}\text{с}^{-1}$  или находят по данным ракетных экспериментов) или определяют по измерениям амплитуд частично отраженных (обратно рассеянных) радиосигналов на частотах  $f = 2 - 2,5 \text{ МГц}$  методом частичных отражений (ЧО) [1, 4-7]. В последнем случае чаще всего используют две основные методики получения  $v(z)$ : первая из них основана на одновременном измерении в эксперименте высотно-временных зависимостей отношений средних за период наблюдений ( $\Delta T \approx 10 \text{ мин}$ ) квадратов амплитуд ЧО сигналов обыкновенной  $A_o$  и необыкновенной  $A_x$  поляризаций (магнитоионных компонент)  $a(z) = \langle A_x^2(z) \rangle / \langle A_o^2(z) \rangle$  и коэффициента корреляции  $\rho_{A_o^2 A_x^2}(z)$  [7]; вторая [6] основана на том, что в нижней части D - области ионосферы (как правило, это высоты  $z < 70 \text{ км}$ ) дифференциальное поглощение магнитоионных компонент мало и выполняется приближенное равенство  $a(z) \approx R(z)$  (где  $a(z)$  измеряется в эксперименте,  $R(z)$  - теоретическая функция, зависящая от рабочей частоты  $\omega$ , продольной вдоль магнитного поля составляющей гирочастоты электронов  $\omega_L$  и  $v(z)$ ). В первом случае одновременно с  $v$  получают значения плотности электронов  $N$ . Другие методики получения  $v(z)$  развиты и проанализированы в работах [5, 8, 9]. Рассмотренные методики (особенно методика [7]) чувствительны к ошибкам измерений  $A_o, A_x$ . На практике обычно используется вторая методика, основанная на соотношении  $a(z) \approx R(z)$ . При этом решается трансцендентное уравнение относительно  $v$  вида:

$$\frac{\langle A_x^2 \rangle}{\langle A_o^2 \rangle} = \frac{\left[ (\omega + \omega_L)^2 + v^2 \right]}{\left[ (\omega - \omega_L)^2 + v^2 \right]} \cdot \frac{(\omega - \omega_L)^2 K_\varepsilon^2 \left( \frac{(\omega - \omega_L)}{v} \right) + v^2 K_\sigma^2 \left( \frac{(\omega - \omega_L)}{v} \right)}{(\omega + \omega_L)^2 K_\varepsilon^2 \left( \frac{(\omega + \omega_L)}{v} \right) + v^2 K_\sigma^2 \left( \frac{(\omega + \omega_L)}{v} \right)}, \quad (1)$$

где  $K_\varepsilon$ ,  $K_\sigma$  - кинетические коэффициенты [10], учитывающие влияние кинетических эффектов на диэлектрическую проницаемость  $\varepsilon$  и проводимость  $\sigma$  нижней ионосферы. Для удобства зависимости  $K_\varepsilon(x)$  и  $K_\sigma(x)$  (в нашем случае  $x = (\omega \pm \omega_L) / v$  для обыкновенной и необыкновенной компонент соответственно) аппроксимируют с точностью до единиц процентов зависимостями:

$$K_\varepsilon(x) = 1 + \frac{a_1}{b_1 + x^2}; \quad a_1 = 0,155, \quad b_1 = 0,075; \quad 0,05 \leq x \leq \infty;$$

$$K_\sigma(x) = 0,89 + \frac{a_2}{b_2 + x^2}; \quad a_2 = 0,027, \quad b_2 = 0,052; \quad 0 \leq x \leq 3,5;$$

$$K_\sigma(x) = 1; \quad 3,5 \leq x < \infty.$$

В этой методике обычно полагают экспериментальные данные об  $a(z) = \langle A_x^2(z) \rangle / \langle A_o^2(z) \rangle$  недостоверными при отношении сигнал/шум менее 2. В Харьковском Национальном университете накоплен банк экспериментальных данных с отношением сигнал/шум больше 2 из более 1000 значений. Они соответствуют различным гелиогеофизическим условиям и частотам зондирования  $f$ . Наибольшее число данных получено в интервале высот  $z = 60\text{--}75$  км и частот  $f = 2,0\text{--}2,5$  МГц для зенитных углов Солнца  $\chi = 27^\circ\text{--}97^\circ$ .

Анализ экспериментальных данных об  $a(z) = \langle A_x^2(z) \rangle / \langle A_o^2(z) \rangle$  показал, что при фиксированных  $f$  и  $z$  они подвержены существенным флюктуациям, в основном, обусловленных погрешностями измерений  $A_{o,x}$ .

Изложенная выше классическая методика определения  $v(z)$  не учитывает такие флюктуации. Ниже приводится развитие упомянутой методики в случае использования реальных экспериментальных данных с ошибками измерений.

Как показал анализ экспериментальных данных, ошибки измерений  $a(z)$  можно полагать распределенными по нормальному закону. В этом случае, как известно из теории статистической обработки данных, на каждой выбранной высоте  $z$  регулярное значение  $V$  может быть определено по минимуму зависимости

$$D(v_j) = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n [a_i(f_i) - a_t(f_i, v_j)]^2, \quad (2)$$

в заданном интервале  $v_{\min} - v_{\max}$ , где  $v_j = v_{\min} + \Delta v$ ,  $\Delta v = (v_{\max} - v_{\min})/k$ ,  $j = 0, 1, 2, \dots, k$ ;  $k$  – число интервалов дискретизации,  $a_t(f_i, v_j)$  – теоретическая функция, равная правой части в уравнении (1), рассчитываемая для заданных значений  $f_i = \omega_i/2\pi$  и  $v_j$ ;  $a_i(f_i)$  – отдельное экспериментальное значение  $a(z)$ , полученное на частоте  $f_i$ .

Минимальное значение  $D_{\min}$  функции (2) определяется при помощи двух итераций. На первом этапе определяется приближенное значение  $D_{\min}$  для  $k = 10$ . Для случая  $D = D_{\min}$  обозначим значение индекса  $j = p$ . Во второй итерации уточняем  $D_{\min}$ , полагая  $v_{\min} = (p-1) \cdot \Delta v \cdot v_{\min 0}$ ,  $v_{\max} = (p+1) \cdot \Delta v + v_{\min 0}$ , где  $v_{\min 0}$  – первоначальное значение  $v_{\min}$ . Дискретизация по  $V$  уменьшается в 10 раз. При первой итерации предельные значения  $V$  полагаются равными для:  $z = 60 - 66$  км –  $v_{\min} = 5 \cdot 10^6 \text{ с}^{-1}$ ,  $v_{\max} = 3 \cdot 10^7 \text{ с}^{-1}$ ; для  $z = 68 - 75$  км –  $v_{\min} = 10^6 \text{ с}^{-1}$ ,  $v_{\max} = 2 \cdot 10^7 \text{ с}^{-1}$ . В этом случае методическая погрешность, обусловленная дискретизацией, не превышает 1 %.

Основная погрешность вычисления  $V$  обусловлена дисперсией значений  $a(z)$ , порожденных погрешностями их измерений, и ограниченностью выборки  $n$ . Доверительные интервалы (при доверительной вероятности 90 %) определяют по известным формулам:

$$D_{\min, \min} = \frac{(n-1) \cdot D_{\min}}{\chi_{n-1; \alpha/2}^2}, \quad D_{\min, \max} = \frac{(n-1) \cdot D_{\min}}{\chi_{n-1; 1-\alpha/2}^2},$$

где  $\chi_{n-1; \alpha/2}^2$ ,  $\chi_{n-1; 1-\alpha/2}^2$  – процент или 100 % точки распределения  $\chi^2$  с  $(n-1)$  степенями свободы.

Значение  $D_{\min, \max}$  позволяют оценить доверительные интервалы полученных значений  $V$ . Для этого из выражения (2) в результате итераций определяют те значения  $v_j$ , при которых  $D(v_j) = D_{\min, \max}$ . Вычисление минимальной доверительной границы  $V$  осуществляется итерационным процессом, начинающимся в интервале  $v_{\min} - v$ . В интервале  $v - v_{\max}$  проводится поиск максимальной доверительной границы  $V$ .

Изложенная выше методика реализована в виде программы на языке программирования Pascal для IBM PC. Проведены предварительные расчёты значений  $\nu$  для высот  $z = 60\text{-}66$  км. Общее число реализаций  $a(z)$ , которые использованы для расчёта  $\nu(z)$ , составило 170. Результаты расчётов, выполненные для двух сезонов года, приведены в таблице ( $\nu_1$ ,  $\nu_2$  – усреднённые по всем регистрациям значения частот соударений для летних и зимних условий соответственно,  $\langle \nu \rangle$  – среднее значение от  $\nu_1$  и  $\nu_2$ ).

Таблица

$z, \text{км}$	$\nu_1$ (лето)	$\nu_2$ (зима)	$\nu_1 / \nu_2$	$\langle \nu \rangle$
60	$0,403 \cdot 10^8$	$0,274 \cdot 10^8$	1,47	$0,339 \cdot 10^8$
63	$0,250 \cdot 10^8$	$0,154 \cdot 10^8$	1,62	$0,202 \cdot 10^8$
66	$0,174 \cdot 10^8$	$0,164 \cdot 10^8$	1,07	$0,169 \cdot 10^8$

Приведенные результаты вычислений  $\nu(z)$  подобны тем, что использованы в исследованиях [11] для расчёта электрических полей в нижней части D – области ионосферы. Они подтверждают наличие сезонных изменений  $\nu(z)$  в части D – области ионосферы (см., например, также [3,4]).

**Список литературы:** [1] Иванов В. А. Исследование D-области ионосферы методом частичных отражений. – Йошкар-Ола, 1985. – Деп. В ВИНТИ, № 8349–В85. – 196 с. [2] Belrose J. S., Bode L. R., Hewitt L. W. Physical properties of the polar winter mesosphere obtained from the low-frequency propagation and partial reflection studies // Radio Sci. – 1964. – Vol. 68D. – N 12. – P. 1319–1324. [3] Belrose J. S., Hewitt L. W. Variation of collision frequency in the lower ionosphere with solar activity // Nature. – 1964. – Vol. 202. – P. 276–270. [4] О возможных вариациях частоты столкновений электронов с нейтралами в D - области ионосферы / Мисюра В. А., Гоков А. М., Гритчин А. И. и др. // Геомагнетизм и аэрономия. – 1991. – Т. 31. – № 4. – С. 682–686. [5] Гоков А.М. Радиофизические исследования возмущённой D-области ионосферы методом частичных отражений: Дисс... канд. физ.-мат. наук. – Харьков, 1992. – 215 с. [6] Belrose J.S. Radiowave probing of the ionosphere by the partial reflections of radiowaves (from the heights below 100 km) // J. Atmos. Terr. Phys. – 1970. – Vol. 32. – N4. – P. 2799–2814. [7] Бенедиктов Е. А., Гришкевич Л. В., Иванов В. А. Одновременные измерения электронной концентрации и частоты соударений электронов в D - области ионосферы методом частичных отражений // Изв. Вузов. Радиофизика. – 1972. – Т. 15. – № 5. – С. 695–702. [8] Гоков А. М., Мисюра В. А., Пивень Л. А. Об одном способе одновременного определения концентрации и частоты столкновений электронов с молекулами в нижней ионосфере // Изв. Вузов. Радиофизика. – 1987. – Т. 30. – № 10. – С. 1276–1277. [9] Гоков А. М., Мисюра В. А., Пивень Л. А. К вопросу об одновременном определении плотности и частоты столкновений электронов с молекулами в D-области ионосферы // Изв. Вузов. Радиофизика. – 1991. – Т. 34. – № 3. – С. 330–333. [10] Gurevich A. V. Nonlinear phenomena in the ionosphere. – New-York-Heidelberg-Berlin: Springer-Verlag, 1978. – 366 p. [11] Гоков А.М., Мартыненко С.И. Изменения частоты соударений электронов и электрические поля в нижней ионосфере // Геомагнетизм и аэрономия. – 1997. – Т. 37. – № 1. – С. 76–80.